

A peu de carrer

Matemàtiques a la ciutat

José María Sorando Muzás

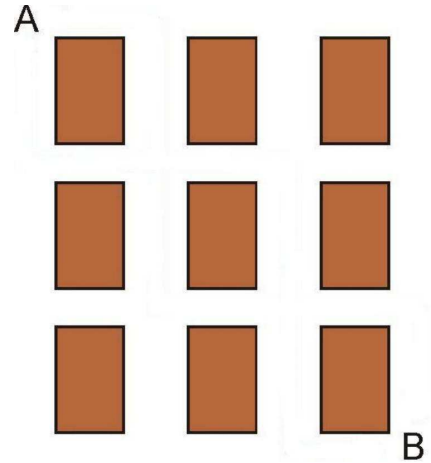


Ja has vist que la ciutat pot ser pensada matemàticament. Et proposem aprofundir una mica més en aquestes matemàtiques que hem utilitzat.

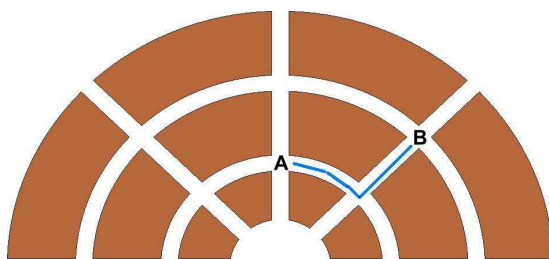
El camí més curt (II)

A l'Activitat 1.1, en el **Cas 4** (Ortogonal), després de fer un recompte minuciós vam veure que hi havia 20 camins mínims que uneixen *A* i *B*.

- (a) Intenta raonar una fórmula que et porti a aquest resultat sense fer un recompte. Per això et suggerim un problema equivalent: Quantes “paraules” diferents es poden aconseguir ordenant les lletres *H, H, H, V, V* i *V*?
- (b) Generalitza la fórmula anterior per obtenir una altra que ens doni la quantitat de camins mínims entre dos posicions *A* i *B* qualssevol de la Ciutat Ortogonal.



Tornem ara a la Ciutat Radiocèntrica. Compara els **casos 6 i 7**: en els dos, *A* i *B* estan a carrers concèntrics diferents. Tanmateix, les solucions trobades no han estat del mateix estil. En el **Cas 6**, caminem pel carrer *A* fins arribar a l'avinguda radial que ens porta a *B*. En el **Cas 7**, només caminem per avingudes radials: des d'*A* fins al centre de la plaça i des d'allí fins *B*.



Cas 6



Cas 7

- (c) Quines condicions han de donar-se perquè la solució sigui d'un tipus o d'un altre?

Triangles d'Heró

Quan vam calcular l'àrea del parc, vam veure que a la pràctica traçar alçades no és sempre fàcil. D'aquí la utilitat de la Fórmula d'Heró que hem fet servir.

Un triangle es diu “d'Heró” si tant les longituds dels seus costats com la seva àrea són nombres naturals. Per exemple: el famós triangle de costats 3, 4 i 5 és “d'Heró”.

Sabries trobar altres “*triangles d'Heró*” realitzats amb ell?